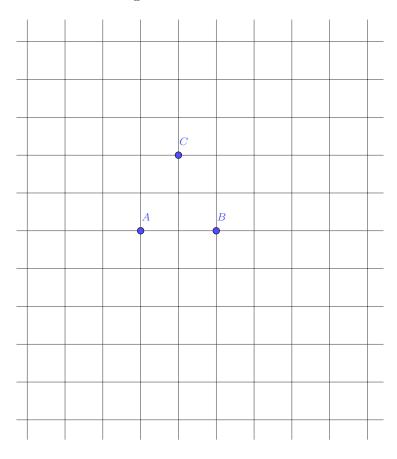
## Exercices sur les vecteurs.

Exercice 1 : Soit ABC est un triangle.



1. Construire les point  $M,\,N$  et P définis par :

$$\overrightarrow{AM} = 2\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} \quad , \quad \overrightarrow{BN} = 2\overrightarrow{AB} - 2\overrightarrow{AC} \quad , \quad \overrightarrow{CP} = \overrightarrow{BC}$$

2. Montrer que l'on a :

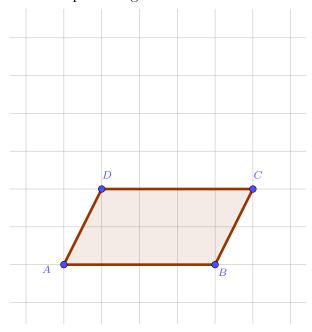
$$\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$$

3. Montrer que l'on a :

$$\overrightarrow{MP} = -3\overrightarrow{AB} + 3\overrightarrow{AC}$$

4. Démontrer que M, N et P sont alignés.

Exercice 2 : Soit ABCD est un parallélogramme.

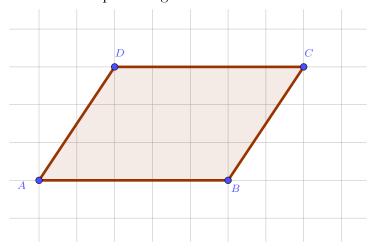


1. Construire les point M et N définis par :

$$\overrightarrow{AM} = 3\overrightarrow{AD}$$
 et  $\overrightarrow{BN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ 

- 2. Exprimer  $\overrightarrow{CM}$  et  $\overrightarrow{CN}$  en fonction de  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AD}$ .
- 3. Démontrer que C, M et N sont alignés.

Exercice 3: Soit ABCD est un parallélogramme.



1. Construire les point  $I,\,J,\,K$  et L définis par :

$$\overrightarrow{AI} = \frac{1}{5}\overrightarrow{AB} \; ; \; \overrightarrow{BJ} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC} \; \; ; \; \overrightarrow{CK} = \frac{1}{5}\overrightarrow{CD} \; ; \; \overrightarrow{DL} = \frac{1}{3}\overrightarrow{DA}$$

2. Montrer que l'on a :

$$\overrightarrow{IJ} = \frac{4}{5}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AD}$$

- 3. Montrer que l'on a la même égalité avec le vecteur  $\overrightarrow{LK}$ .
- 4. En déduire la nature du quadrilatère IJKL.