

Chapitre 2

Formulaire

Dans les tableaux suivants, la lettre Γ désigne un ensemble de formules de logique ; les lettres A , B et C désignent des formules de logique.

Axiome
$\frac{}{\Gamma, A \vdash A} (ax)$

	Introduction	Élimination
$\wedge$	$\frac{\Gamma \vdash A \quad \Gamma \vdash B}{\Gamma \vdash A \wedge B} (\wedge_i)$	$\frac{\Gamma \vdash A \wedge B}{\Gamma \vdash A} (\wedge_{eg}) \quad \frac{\Gamma \vdash A \wedge B}{\Gamma \vdash B} (\wedge_{ed})$
$\vee$	$\frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash A \vee B} (\vee_{ig}) \quad \frac{\Gamma \vdash B}{\Gamma \vdash A \vee B} (\vee_{id})$	$\frac{\Gamma \vdash A \vee B \quad \Gamma, A \vdash C \quad \Gamma, B \vdash C}{\Gamma \vdash C} (\vee_e)$
$\Rightarrow$	$\frac{\Gamma, A \vdash B}{\Gamma \vdash A \Rightarrow B} (\Rightarrow_i)$	$\frac{\Gamma \vdash A \Rightarrow B \quad \Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash B} (\Rightarrow_e)$
$\neg$	$\frac{\Gamma, A \vdash \perp}{\Gamma \vdash \neg A} (\neg_i)$	$\frac{\Gamma \vdash A \quad \Gamma \vdash \neg A}{\Gamma \vdash \perp} (\neg_e)$

Hypothèse
$\frac{\Gamma, A, B \vdash C}{\Gamma, A \wedge B \vdash C} (\wedge_h)$
$\frac{\Gamma, A \vdash C \quad \Gamma, B \vdash C}{\Gamma, A \vee B \vdash C} (\vee_h)$
$\frac{\Gamma \vdash A, C \quad \Gamma, B \vdash C}{\Gamma, A \Rightarrow B \vdash C} (\Rightarrow_h)$
$\frac{\Gamma \vdash A, C}{\Gamma, \neg A \vdash C} (\neg_h)$